裂隙黄土的单参数二元介质模型

范 文^{1,2}, 闫芙蓉^{1,3}, 邓龙胜¹, 熊 伟¹

(1.长安大学地质工程与测绘学院,陕西西安710054;2.清华大学水利水电工程系,北京100084;3.河南理工大学土木工程学院,河南焦作454000)

摘 要:为了研究裂隙黄土的结构和变形特性,在岩土破损力学理论框架基础上,把裂隙黄土视作由胶结块和软弱带 组合而成的二元介质,将二元介质模型运用于裂隙黄土的研究。通过模型计算分析,得到裂隙黄土的单参数应力应变 关系,并将其与三轴试验结果进行了对比分析。结果表明,将岩土材料二元介质模型应用于裂隙黄土特性的研究具有 较好的适应性。 关键词:裂隙黄土;均匀化理论;二元介质模型;三轴试验

中图分类号: TU444 **文献标识码:** A **文章编号:** 1000 - 4548(2009)11 - 1752 - 05 **作者简介:** 范 文(1967 -), 男, 内蒙古呼和浩特人, 教授, 博士后, 主要从事岩土工程方面的教学和科研工作。E-mail: fanwen@chd.edu.cn。

Single parameter binary-medium model of fissured loess

FAN Wen^{1, 2}, YAN Fu-rong^{1, 3}, DENG Long-sheng¹, XIONG Wei¹

(1. School of Geology Engineering and Geomatics, Chang'an University, Xi'an 710054, China; 2. Department of Hydraulic Engineering,

Tsinghua University, Beijing 100084, China; 3. School of Civil Engineering, Henan Polytechnic University, Jiaozuo 454000, China)

Abstract: On the basis of the theoretical framework of breakage mechanics for geo-material, the fissured loess can be regarded as a composite material consisting of bonded blocks and weakened bands, therefore, a fissured loess binary-medium model is formulated. Then the model will be applied to the study of fissured loess. By numerical calculation, the relationship of stress-strain can be obtained. A comparative analysis between the calculated results and triaxial tests is done. The results show that there is a good adaptability to apply the binary medium model to fissured loess.

Key words: fissured loess; homogenization theory; binary-medium model; triaxial test

0 引 言

土体作为地质体的一部分,经过漫长的地质作用, 赋存在一定的地质和应力环境中,具有结构性、天然 性和各向异性等^[1-3]。在过去的研究中,往往把土体视 为均质体,但就土体本身而言,内部广泛存在着大量 的原始结构面、构造面、节理面等,这些裂隙的存在 不仅破坏了土体的连续性,在裂隙尖端和界面处还会 产生应力集中,构成天然的滑移面和变形面;而土体 内部结构面的存在与扩展会使得土体的变形模量和强 度参数降低,渗透系数增大,损伤加剧,并呈强烈的 各向异性。

国内外学者对裂隙岩体的力学模型做了大量的研 究^[4-6],而对裂隙土的力学模型研究进展比较缓慢。已 有的模型,由于参数的确定比较繁琐,试验要求较高, 远未达到工程实用阶段。因此探索确定裂隙土实用的 本构模型是工程实践中迫切需要解决的研究课题。

如何来描述黄土的结构特征及变形特性,国内外 许多学者进行了长期的研究^[7-8]。其中沈珠江院士提出 的岩土破损力学^[9-10]无疑是开创性的研究方法和思路。他在岩土破损力学的框架内,提出把具有结构性的天然岩土材料抽象成由有胶结强度的结构体(弹脆性元)和无胶结的破碎体(弹塑性元)组成的二元介质,荷载引起的总应力由胶结应力和摩擦应力共同承担,破损引起的胶结应力丧失由摩擦应力代偿^[11-13]。这一研究方法可用于裂隙性黄土结构和变形特性的研究,裂隙黄土内部存在裂隙充填物,这些充填物一般比较松散,是黄土中事先存在的软弱带,如果裂隙充填物与由结构体转化成的破碎体力学性质相近,就可以将其看成二元介质,建立裂隙黄土的二元介质模型。

1 二元介质模型的基本表达式

1.1 均匀化理论

二元介质材料是一种非均质材料,可以借用复合

基金项目:中国博士后基金项目(2004036055);国家自然科学基金项目(40972181);教育部重点项目(109146) 收稿日期:2008-07-22

材料的均匀化理论进行分析。根据均匀化的方法不同, 分为单参数均匀化理论和双参数均匀化理论。先从不均 质材料中取出一个代表性单元,设 $\{\sigma\}_1$ 、 $\{\varepsilon\}_1$ 和 $\{\sigma\}_2$ 、 $\{\varepsilon\}_2$ 分别为弹脆性和弹塑性元的局部应力和局部应变, $\{\sigma\}$ 和 $\{\varepsilon\}$ 为该单元的平均应力和平均应变, λ_v 为弹塑 性元所占的体积率,则按均匀化理论^[13-14]可得

$$\{\sigma\}(1-\lambda_v)\{\sigma\}_1+\lambda_v\{\sigma\}_2$$
, (1a)

$$\{\varepsilon\} = (1 - \lambda_{v})\{\varepsilon\}_{1} + \lambda_{v}\{\varepsilon\}_{2} \quad . \tag{1b}$$

1.2 单参数均匀化理论增量表达式

假设弹脆性元在破损以前为理想弹性材料,相应的弹性矩阵为 $[D]_1$,而弹塑性元的弹性矩阵为 $[D]_2$, 其屈服函数和塑性势函数分别为 $f_2 和 g_2$,按式(1)的均匀化理论,设 λ_v^0 为原有的体积破损率, $\Delta\lambda_v$ 为体积破损率的增量, $\lambda_v^0 + \Delta\lambda_v$ 为新的体积破损率,则把增量前后的应力应变分别代入式(1a)和式(1b)后相减,略去高阶小量后可得下列增量关系式

$$\{\Delta\sigma\} = \{\Delta\sigma\}_1 + \lambda_v^0(\{\Delta\sigma\}_2 - \{\Delta\sigma\}_1) + \Delta\lambda_v(\{\sigma\}_2^0 - \{\sigma\}_1^0), \quad (2a)$$

 $\{\Delta \varepsilon\} = \{\Delta \varepsilon\}_1 + \lambda_v^0 (\{\Delta \varepsilon\}_2 - \{\Delta \varepsilon\}_1) + \Delta \lambda_v (\{\varepsilon\}_2^0 - \{\varepsilon\}_1^0), \quad (2b)$ 其中,

$$\{\Delta \varepsilon\}_{2} = [D]_{ep}^{-1} \{\Delta \sigma\}_{2},$$

$$\{\Delta \varepsilon\}_{1} = [D]_{1}^{-1} \{\Delta \sigma\}_{1},$$

$$\Delta \lambda_{v} = \left\{\frac{\partial f_{1}}{\partial \{\sigma\}_{1}}\right\}^{T} \{\Delta \sigma\}_{1}.$$

代入(2b)以及利用式(1a)和(1b)消去 $\{\sigma\}_2^0$ 和 $\{\varepsilon\}_2^0$ 后,可得到下列应力应变关系式:

$$\{\Delta \varepsilon\} = [D]_{ep}^{-1} \{\Delta \sigma\} - (1 - \lambda_v^0)([D]_{ep}^{-1} - [D]_l^{-1})[A] \{\Delta \sigma\} + \frac{1}{\lambda_v^0}([D]_s^{-1} - [D]_{ep}^{-1} + [D]_{ep}^{-1}[C] - [D]_l^{-1}[C]) \{\sigma\}^0 \{B\} [A] \{\Delta \sigma\},$$
(3)

式中

$$[D]_{ep}^{-1} = [D]_2^{-1} + a \frac{\partial g_2}{\partial \{\sigma\}_2} \left\{ \frac{\partial f_2}{\partial \{\sigma\}_2} \right\}^1 \quad , \qquad (4)$$

$$[D]_{\rm s}^{-1} = \frac{\{\varepsilon\}^0}{\{\sigma\}^0} \quad , \tag{5}$$

$$\{B\} = \frac{\partial f_1}{\partial \{\sigma\}_1} \quad , \tag{6}$$

$$[A] = \frac{\partial \{\sigma\}_1}{\partial \{\sigma\}} = [C] + \frac{\partial [C]}{\partial \{\sigma\}} \{\sigma\} \quad . \tag{7}$$

上式表明,总应变增量由三部分组成,第一部分是弹脆 性元的应变增量,第二部分是弹塑性元的应变增量,第 三部分则因Δλ,而引起,即部分弹脆性元破损的结果。

2 参数的演化规律

上述基本表达式中需要确定 $[D]_{I}$, $[D]_{ep}$, λ_v 和 [C]四个参数的演化规律,下面分别进行讨论。

2.1 弹脆性元的变形

取一个由大量微元组合而成的代表性体积单元, 每个微元破裂以前均为弹脆性元,破裂以后转化为弹 塑性元,所有微元破裂以前弹脆性元的模量 *E*₁ 和破裂 以后的弹塑性元的模量 *E*₂均为常量,且破裂前后的泊 松比也相同,假定所研究的土体材料在破损以前是弹 性材料,可用线弹性模型来描述,可以通过原状土的 室内常规三轴排水剪切试验测定。

其应力应变关系为

$$\{\sigma\} = [D]_1 \{\varepsilon\}$$
, (8)
刚度矩阵 $[D]_1$ 可以表示为

$$[D]_{1} = \begin{bmatrix} d_{1} & d_{2} & d_{2} \\ d_{2} & d_{1} & d_{2} \\ d_{2} & d_{2} & d_{1} \end{bmatrix}$$
(9)

其中,

$$d_{1} = \frac{E_{1}(1-\mu_{1})}{(1+\mu_{1})(1-2\mu_{1})},$$
$$d_{2} = \frac{E_{1}\mu_{1}}{(1+\mu_{1})(1-2\mu_{1})}.$$

2.2 弹塑性元的变形

结构带的本构模型设为弹塑性,弹塑性元的应力 应变特性本文用修正的剑桥模型来描述的,其参数确 定是通过对重塑土试验结合已有资料综合确定。采用 椭圆形屈服函数

$$F = \sigma_{\rm m} \left(1 + \frac{\eta^2}{\eta_{\rm c}^2} \right) \quad , \tag{10}$$

并采用相适应的流动规则,以塑性体应变为硬化参数。 当采用等值面理论时,此模型的塑性系数

$$A = \frac{c_{\rm c} - c_{\rm s}}{p(1 - \eta^2 / \eta_{\rm c}^2)} \quad . \tag{11}$$

$$\ddagger + \sigma_{s} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[(\sigma_{1} - \sigma_{2}) + (\sigma_{2} - \sigma_{3})^{2} (\sigma_{3} - \sigma_{1})^{2} \right]^{\frac{1}{2}},$$

 $\eta = \frac{\sigma_s}{\sigma_m}$; c_s , c_s 分别为两个参数, 与常见的压缩指数

和回弹指数相乘一个乘数
$$\frac{0.4545}{1+e_0}$$
。

弹塑性刚度矩阵

$$[D_{ep}] = [D]_2 - \frac{[D]_2 \left\lfloor \frac{\partial F}{\partial[\sigma]} \right\rfloor \left\lfloor \frac{\partial F}{\partial[\sigma]} \right\rfloor^T [D]_2}{A + \left\lfloor \frac{\partial F}{\partial[\sigma]} \right\rfloor^T [D]_2 \left\lfloor \frac{\partial F}{\partial[\sigma]} \right\rfloor}, \quad (12)$$

[D]2为弹性刚度矩阵,其表达式为

$$[D]_{2} = \begin{bmatrix} d_{3} & d_{4} & d_{4} \\ d_{4} & d_{3} & d_{4} \\ d_{4} & d_{4} & d_{3} \end{bmatrix} , \qquad (13)$$

其中,

$$d_{3} = \frac{E_{2}(1 - \mu_{2})}{(1 + \mu_{2})(1 - 2\mu_{2})},$$
$$d_{4} = \frac{E_{2}\mu_{2}}{(1 + \mu_{2})(1 - 2\mu_{2})},$$

2.3 破损参数演化规律

模型中的破损率属于结构参数,由于岩土材料是 天然形成的,其内部结构参数实际上是无法测定的, 唯一可行的办法是通过试验间接测定。具体的说就是 先假设不同的参数演化规律,用式(3)算出应力应变 曲线,并与实测的应力应变曲线比较,从中选出最优 的参数。对于破损参数 λ_v的确定,由于其与弹脆性元 的破裂强度有关,且随着外加荷载的变化而变化,其 值应从稍大于零的值变化到小于1的某一个值。但总 的趋势为加荷初始单元体内伴随有少量弹脆性元的破 坏,随着荷载的增加弹脆性破裂的比率也逐步增加。 据文献[13~15],采用服从 Weibull 分布的破损率可以

较好地模拟岩土试样的破损过程,其破损率公式为

$$\lambda_{\rm v} = \lambda_{\rm v0} + a_{\rm v} \left(\frac{q-q_0}{p_{\rm a}}\right)^{m_{\rm v}} \quad . \tag{14}$$

式中 $q = \frac{1}{\sqrt{2}}\sqrt{(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2 + (\sigma_3 - \sigma_1)^2}; q_0$

为破损开始扩展时的门槛应力,取 100 kPa; p_a 为标准大气压(101.4 kPa); λ_{v0} 为初始破损率; a_v , m_v 为计算参数。上述各式中的应力均指弹脆性元受到的局部应力。

2.4 应力集中系数的确定

应变集中系数反映了平均应变张量和局部应变张 量间的关系,可以为张量,简化起见可以取为标量, $[C] = f_{c}(\{\sigma\}),$ 由于岩土材料的结构和破损过程很复 杂,所以应力集中系数的确定只能通过参数拟合确定, 当取[C] = [I]时,有 $\{\sigma\} = \{\sigma\}_{1} = \{\sigma\}_{2}$ 。

3 模型计算参数的确定

上述模型中共有 4 组参数需要确定,分别是 E_1 , E_2 , E_8 和 μ_1 , μ_2 ; 压缩指数 λ 和回弹指数 k; 计算参数 a_v , m_v 以及抗剪强度 c, φ 值。

假定胶结元的弹性模量随围压而变,则

$$E_{1} = E_{2}(\frac{\sigma_{31}}{P_{a}})$$
 , $\mu_{1} = \mu_{2}$

$$E_2 = \frac{(1 - \mu_1 - 2\mu_1^2)}{1 - \mu_1} E_s \quad . \tag{15}$$

其中 E_s 由侧向压缩试验确定;压缩指数 λ 、回弹指数k通过三轴等向压缩和回弹试验确定;计算参数 a_v , m_v 采用计算曲线与试验曲线拟合,根据最小二乘法选取最优拟合参数;c, φ 值则根据室内剪切试验确定。

4 模型的试验验证

为了说明裂隙黄土结构性模型的正确性和合理 性,以及模型参数确定的合理性,在室内分别进行了 马兰黄土原状与重塑土试样的常规三轴试验。原状土 样采用陕西省三原县双槐树村黄土塬上探井和探槽中 的黄土样。为了对比分析,野外取样时,特别取部分 试样没有填充裂隙,比较完整;部分试样带填充裂隙, 且裂隙不同倾角。比较其力学性质的差异和原有损伤 的影响,其基本物理性质见表1。

三轴试验采用的试样尺寸为 Φ 61.8 mm×125 mm。原状土样试验方法采用常规三轴不固结不排水 压缩试验,试样未经饱和,处于天然含水率情况下的 非饱和状态;重塑土样进行循环加载的三轴固结排水 试验,并量测体变。常规三轴试验中围压分别取 100, 200,300 kPa,剪切应变速率取每分钟 0.5%~1.0%。 结束试验的条件为:①当轴向应力出现峰值或变化不 大时,继续进行 5%的轴向应变;②从压力室外看到 土样有明显的裂纹或错动;③轴向应变达到 15%。

其中原状试样共有6组18件,重塑土样4件。应 用上面建立的二元介质模型,对上述的马兰原状黄土 中的一组常规三轴不固结不排水剪切试验结果进行了 模拟计算,针对围压分别为100,200和300kPa三种 情况进行了计算,所采用计算参数如表2,为了计算 方便,假定应力集中系数为单位矩阵,即[C]=[I]。 从图1中可以看出来,裂隙黄土的计算结果与不同围 压下三轴压缩试验结果较为吻合,模型在100,300kPa 拟合程度较好,200kPa 拟合程度相对较差,且在相等 应力差情况下,理论计算值比试验值要小,另拟合精 度不甚稳定,原因有待进一步研究。但基本上能够反 映裂隙黄土试样不同的变形阶段,说明所建议的基于 破损力学的二元介质模型对三轴压缩条件下的裂隙黄 土有较好的适用性。

表 1	原状词	式样物	の理フ	力学	2性/	页指	标	

Table 1 Hysical and mechanical indices of locss								
今水 峦 11/0/	比重 Gs	干密度	液限	塑限	塑性指数	液性指数	压缩系数	孔隙比
百小平 W/70		$ ho_{\rm d}/({\rm g} \cdot {\rm cm}^{-3})$	w1/%	w _P /%	<i>I</i> _P /%	$I_{ m L}$	$a/(MPa^{-1})$	e_0
19.33	2.72	1.49	23.44	16.16	7.28	-0.56	0.415	0.82

表 2 单参数理论计算参数表

Table 2 Parameters in single parameter theory





计算与试验结果的对比如图1所示。

5 结 论

(1)在岩土破损力学理论框架基础上,把所研究 的裂隙黄土视作由胶结块(弹脆性元)和无胶结的破 碎体(弹塑性元)组合而成的二元介质材料,给出一 个适用于裂隙黄土的二元介质模型。

(2)取一个由大量微元组合而成的代表性体积单 元,每个微元破裂以前均为弹脆性元,破裂以后转化 为弹塑性元,弹脆性元的模量通过原状土室内常规三 轴试验确定,弹塑性元的变形性质可由原状黄土样重 塑后确定。

(3)结构参数(破损函数和应力集中系数)的确 定是通过先假设后求证的办法从计算结果与试验结果 曲线对比中间接测定。

(4)在常规三轴固结排水剪切试验条件下对模型 计算结果与试验结果进行了对比分析。结果表明,所 建议的模型可以较好地模拟裂隙黄土的应力应变特 性,解决软化条件下的局部化问题,像剪切带问题、 裂缝扩展问题等,具有广泛的应用前景。

参考文献:

[1] 吴 侃,郑颖人.黄土结构性研究[C]// 第六届全国土力学 及基础工程学术会议论文集.上海:同济大学出版社,

1991: 93 - 96. (WU Kan, ZHENG Ying-ren. Study on structure of loess[C]// Proceedings of the 6th National Academic symposium on Soil Mechanics and Foundation Engineering. Shanghai: Tongji University Press, 1991: 93 - 96. (in Chinese))

- [2] 谢定义,齐吉琳. 土结构性及其定量化参数研究的新途径
 [J]. 岩土工程学报,1999, 21(6): 651 656. (XIE Ding-yi, QI Ji-lin. Soil structure characteristics and new approach in research on its quantitative parameter[J]. Chinese Jounal of Geotechnical Engineering, 1999, 21(6): 651 656. (in Chinese))
- [3] 蒋建平,章杨松,罗国煜. 土体宏观结构面及其对土体破坏的影响[J]. 岩土力学, 2002, 23(4): 482 485. (JIANG Jian-ping, ZHANG Yang-song, LUO Guo-yu. Macroscopical structure plane and its influence on failure of soil mass[J]. Rock and Soil Mechanics, 2002, 23(4): 482 485. (in Chinese))
- [4] 曹文贵,李 翔,刘 峰. 裂隙化岩体应变软化损伤构模型探讨[J]. 岩石力学与工程学报, 2007, 26(12): 2488 2494. (CAO Wen-gui, LI Xiang, LIU Feng. Discussion on strain softening damage constitutive model for fissured rock mass[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2007, 26(12): 2488 2494. (in Chinese))

- [5] SHI Zi-hai, SUZUKI Masak, NAKANO Masaaki. Numerical analysis of multiple discrete cracks in concrete dams using extended fictitious crack model[J]. Journal of Structural Engineering, 2003(3): 324 – 336.
- [6] WHEELER S J, SIVAKUMAR V. An elasto plasticity critical state framework for unsaturated silt soil[J]. Geotechnique, 1995, 45(1): 35 - 53.
- [7] 刘祖典. 黄土力学与工程[M]. 西安: 陕西科学技术出版.
 1997. (LIU Zu-dian. Mechanics and engineering of loess[M].
 Xi'an: Shaanxi Science and Technology Press, 1997. (in Chinese))
- [8] 邢义川, 骆亚生, 李 振. 黄土的断裂破坏强度[J]. 水力发 电学报, 1999, 4: 36-43. (XING Yi-chuan, LUO ya-sheng, LI Zhen. The rupture failure strength of loess[J]. Journal of Hydroelectric Engineering, 1999, 4: 36-43. (in Chinese))
- [9] 陈铁林, 沈珠江. 岩土破损力学的系统论基础[J]. 岩土力 学, 2004, 25(增 2): 21 - 26. (CHEN Tie-lin, SHEN Zhu-jiang. System approach of breakage mechanics for geological materials[J]. Rock and Soil Mechanics, 2004, 25(S2): 21 - 26. (in Chinese))
- [10] 沈珠江. 岩土破损力学与双重介质模型[J]. 水利水运工程
 学, 2002(4): 1-6. (SHEN Zhu-jiang. Breakage mechanics and double-medium model for geological materials[J].

Hydro-science and Engineering, 2002(4): 1 - 6. (in Chinese))

- [11] 沈珠江,胡再强.黄土的二元介质模型[J].水利学报, 2003(7):1-6. (SHEN Zhu-jiang, HU Zai-qiang. Binary medium model for loes[J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2003(7):1-6. (in Chinese))
- [12] 刘恩龙. 岩土结构块破损机理与二元介质模型研究[D].
 北京:清华大学, 2005. (LIU En-long. Research on breakage mechanism of structural blocks and binary medium model for geomaterials[D]. Beijing: Tsinghua University, 2005. (in Chinese))
- [13] 沈珠江, 刘恩龙, 陈铁林. 岩土二元介质模型的一般应力 应变关系[J]. 岩土工程学报, 20(5): 489 - 494. (SHEN Zhu-jiang, LIU En-long, CHEN Tie-lin. Generalized stress-strain relationship of binary medium model for geological materials[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 20(5): 489 - 494. (in Chinese))
- [14] 范 文. 黄土中变形局部化问题研究[D]. 北京: 清华大学, 2006. (FAN Wen. Study on the deformation localization of loess[D]. Beijing: Tsinghua University, 2006. (in Chinese))
- [15] WANG J G, LEUNG C F, ICHICAWA Y. A simplified homogenization method for composite soils[J]. Computers and Geotechnics, 2002, 29: 477 - 500.

第四届中日岩土工程研讨会征文通知

第四届中日岩土工程研讨会将于2010年4月12~14日在 日本冲绳召开。本次会议是继在北京、上海和重庆成功召开的 前三届会议之后的又一届学术研讨会。本届研讨会由中国土木 工程学会土力学及岩土工程分会和日本地盘工学会主办,承办 单位为日本地盘工学会国际部。研讨会将致力于深入交流、学 习中日两国在岩土力学与岩土工程领域的最新研究成果,探讨 岩土力学与岩土工程的发展趋势,为中日两国从事岩土力学理 论研究和工程应用的学者搭建一个共同研讨岩土工程发展方 向和领域的学术平台。热诚欢迎国内从事岩土理论研究和工程 应用的专家、学者、研究生以及工程技术人员积极投稿并参加 会议。

会议专题

1.地下空间技术	2.环境岩土工程
3.地基处理	4.防灾减灾
5.桩基工程	6.隧道工程
7.地震工程	8.土的特性及其模拟
9.数值模拟	10.重大工程实例

重要日期

论文提交全文截止日期为 2009 年 11 月 30 日;录用通知 日期为 2009 年 12 月 15 日;修改稿提交截止日期为 2010 年 01 月 15 日。

论文要求

1.论文内容务必实事求是,不得侵犯他人著作权,不涉及 保密内容,文责自负。

 2.论文文字为英文,要求论点明确,论据可靠,数据准确, 文字精炼,引用文献明确出处。

3.论文要体现作者的研究前沿。

4.请务必注明作者详细通讯地址、邮编、联系电话及 E-mail 地址。

联系人:侯伟(13811891258)

投稿信箱: E-mail: <u>foursinojapanconf@163.com</u>

地址:北京市海淀区学院路 37 号北京航空航天大学交通 科学与工程学院 100191。

(北京航空航天大学交通科学与工程学院 供稿)