DOI: 10.11779/CJGE202103001

土 - 界面 - 结构体系计算模型研究进展

孔宪京^{1,2},刘京茂^{1,2},邹德高^{1,2},宋永臣^{1,2,3},陈楷^{1,2},屈永倩^{1,2},龚 瑾^{1,2}

(1. 大连理工大学海岸与近海工程国家重点实验室,辽宁 大连 116024; 2. 大连理工大学工程抗震研究所水利工程学院,辽宁 大连 116024;3. 大连理工大学能源动力学院,辽宁 大连 116024)

摘要:土与结构的相互作用是水利和土木工程的一个关键共性问题,其分析是揭示工程中结构损伤破坏机理的重要环节。将土-界面-结构作为一个体系进行整体分析是精细研究土-结构相互作用的基础,但在大型工程应用时面临着一系列难题,包括:土-结构接触边界约束,土-结构接触力学特性,以及土-界面-结构体系建模和分析等。本文对这些问题的相关研究进行了综述和总结,并对今后的主要发展方向提出了建议。
关键词:土-结构相互作用;接触面;弹塑性;跨尺度;比例边界有限元
中图分类号:TU435 文献标识码:A 文章编号:1000-4548(2021)03-0397-09
作者简介:孔宪京(1952—),男,博士,教授,中国工程院院士,主要从事高土石坝抗震和岩土地震工程方面的研究

工作。E-mail: kongxj@dlut.edu.cn。

State-of-the-art: computational model for soil-interface-structure system

KONG Xian-jing^{1, 2}, LIU Jing-mao^{1, 2}, ZOU De-gao^{1, 2}, SONG Yong-chen^{1, 2, 3}, CHEN Kai^{1, 2}, QU Yong-qian^{1, 2}, GONG Jin^{1, 2}

(1. State Key Laboratory of Coastal & Offshore Engineering, Dalian University of Technology, Dalian 116024, China; 2. School of

Hydraulic Engineering, Dalian University of Technology, Dalian 116024, China; 3. School of Energy and Power Engineering, Dalian

University of Technology, Dalian 116024, China)

Abstract: The interaction between soil and structure is a common problem in geotechnical engineering, which plays a key role in assessing the damage behavior of structure. The computational model for soil-interface-structure system is the foundation of the detailed study of the interaction between soil and structure, but it has to solve a series of problems, including soil-structure contact constraint and contact judgment, soil-structure mechanical behavior and constitutive model, and grid model for soil-interface-structure system, etc. The progress of the computational model for soil-interface-structure system is summarized, and a suggestion of its main developing trend is put forward.

Key words: soil-structure interaction; interface; elastic-plasticity; cross scale; scaled boundary finite element

0 引 言

土与结构的相互作用问题是土木和水利等大型 工程的一个关键共性问题,例如,大坝中的防渗体与 堆石体或地基之间的相互作用、桩基与地基之间的相 互作用等。土与结构由于存在明显的刚度差异,导致 两种介质之间接触界面(带)的力学特性与远离界面 的土体明显不同。实际工程在外力作用下,土与结构 两者之间变形差异会导致接触界面(带)出现剪切应 变集中、应变软化、法向张开—闭合等,这些现象会 导致土与结构间的接触力传递机制复杂,进而显著影 响静、动荷载条件下结构的响应^[1-2]。因此,土与结构 的相互作用分析是揭示工程中结构损伤破坏机理的重 要环节,将土与结构作为一个整体进行分析才能更为 合理地模拟结构的破坏,但在大型工程分析时将面临 着一系列难题:①土与结构间接触几何形状复杂;② 土与结构间的接触力学特性复杂;③土与结构间尺度 跨越大,计算网格精细剖分难。以上3个难题依次涉 及到接触边界约束模拟的问题、接触力学行为模拟(本 构模型)的问题以及土与结构间单元跨尺度分析的问 题。本文对这些问题的相关研究依次进行了综述和总 结,在此基础上介绍了土-界面-结构体系研究的进 展及工程应用情况,最后对今后的主要发展方向进行 了展望。

1 土 - 结构间接触约束模拟

目前在分析土与结构间接触问题时,主要有两种

基金项目:国家自然科学基金项目(51890915,U1965206,51779034) 收稿日期: 2020 - 03 - 05

思路:①将接触问题转化为力和位移边界的约束问题 进行分析,称为接触边界约束方法。代表性方法有拉 格朗日乘子法^[3-4]、罚函数法^[3-4]、增广(或改进)的 拉格朗日乘子法^[5]、直接约束法^[6]等。②将接触问题 等效为特殊单元及其力学特性问题进行分析,称为接 触界面单元方法。代表性的方法有 Goodman 单元和薄 层单元等。接触边界约束方法主要用于刚 - 刚的接触 分析,在土 - 结构接触问题中无法反映界面区域的剪 缩、剪胀法向变形,以及滑动前的剪切变形特性。本 文主要介绍接触界面单元方法的相关研究。

接触界面单元实现方法与实体单元相近。在非线 性有限元静、动力计算时,通过反复迭代接触面(或 界面)两侧节点变形,进而计算接触单元应力,并同 时判断力和位移是否满足接触边界条件,直至满足接 触要求。该过程与非线性有限元求解过程是一致的, 因此很方便植入有限元程序中。但为了模拟接触区域 的特性,需要采用特殊的单元和合理的本构模型。下 面根据计算网格中单元的剖分厚度在总刚中是否有作 用来分类,简单介绍接触界面单元的研究情况。

1.1 Goodman 单元

Goodman 等^[7]最早提出了目前被广泛应用的二 维四节点界面单元,也就是两条平行直线组成的单元, 该单元最早是用于模拟岩石节理问题。由于该单元假 定界面应变等于界面相对位移除以界面厚度,同时将 弹塑性矩阵除以界面厚度,最终得到的界面刚度中的 界面厚度会被消去,所以表现为单元的"无厚度"。详 细见下面刚度矩阵 **K** 推导的过程,对于实体单元和界 面单元都有

$$\boldsymbol{K} = \int_{U} \boldsymbol{B}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{D} \boldsymbol{B} \mathrm{d} \boldsymbol{V} \quad , \tag{1}$$

式中, **B** 为应变 - 位移矩阵转换矩阵, 与单元的厚度 大小有关, **D** 为应力与应变之间的弹塑性矩阵, 与单 元的厚度大小无关, *V* 为体积。

对于 Goodman 单元,由于体积微元 d*V=t*dξ(对 于二维单元), **B=**N/t,则可得

$$\boldsymbol{K} = \frac{1}{t} \int_{-l/2}^{l/2} N^{\mathrm{T}} \boldsymbol{D} N \mathrm{d} \boldsymbol{\xi} \quad , \qquad (2)$$

式中, *t* 为单元的厚度, *l* 为其长度, *N* 为界面相对位 移与节点位移之间的转换矩阵, 与单元的厚度大小无 关。

若
$$D = tk$$
, 可得 Goodman 单元的刚度阵表达式
 $K = \int_{1/2}^{1/2} N^{\mathrm{T}} k N \mathrm{d} \xi$ 。 (3)

在计算的时候,由于矩阵 k 是根据试验测定的相对位 移 - 应力之间关系确定的,因此式(3)是与计算网格 中单元厚度无关的,即无论 Goodman 单元厚度多大, 都不会影响 Goodman 单元刚度阵的数值。依据 Goodman 单元的思想还可以构造点界面单元、二维六 节点曲线界面单元、三维八节点界面单元等。

Goodman 单元早期应用于岩石节理分析时,为了 防止两侧节点的嵌入,通常假定法向刚度很大,这一 方面会导致法向刚度取值具有任意性,另一方面法向 刚度很大可能会导致刚度矩阵病态引发数值求解不稳 定。针对 Goodman 单元数值不稳定的问题,雷晓燕等^[8] 研究发现采用 Newton-Cotes 积分相比 Gauss 积分会消 除接触面应力震荡现象。Day 等^[9]研究认为,积分方 法仅是积分点位置和权重的不同,并不是导致应力波 动的根本原因,界面区域单元应力梯度大(或单元剖 分不够精细)是导致刚度矩阵病态数值求解不稳定(应 力波动)的本质原因,而非接触界面单元的特性引起 的,并且减小靠近接触面区域的单元尺寸或采用更高 精度的单元可以提高数值的稳定性。

目前由于 Goodman 单元简单易于实现,并且联 合界面本构模型,该单元可用于模拟土 - 结构接触区 域的滑移、张开、闭合等,在工程中得到了广泛应用。 1.2 薄层单元

薄层单元本质上与实体单元并没有差异,不同之 处在于薄层单元的厚度要足够小。当薄层单元足够小 时,单元的应力和应变可以近似表达,此时可等效于 Goodman 单元,其刚度矩阵可以近似等效为式(2)。 采用薄层单元计算时,式(2)中矩阵 *D* 根据试验测 定的应变 - 应力关系确定,因此薄层单元的刚度矩阵 *K* 与计算网格中单元厚度 *t* 的大小有关。

早期采用实体单元模拟接触区域的较大变形时, 一般是通过降低接触区域土体的模量来实现。例如, Griffiths^[10]采用八节点四边形单元来模拟接触黏结和 摩擦滑动行为,同时比较了不同刚度和单元长宽比, 研究表明,该单元的性能良好,但长宽比较大时需要 更严格的迭代收敛精度。Zienkiewicz^[11]采用二维六节 点等参单元 (一边三个节点,厚度方向上没有设立节 点)可以模拟接触面的弯曲。Wilson^[12]将相对位移作 为独立参数形成刚度矩阵构建了二维八节点薄层单元 (厚度方向中心设一个节点)。相比 Zienkiewicz^[11]提出 的单元,Wilson^[12]对于描述接触面法向应力和位移梯 度变化较大时会更准确。依据 Wilson 相同的思想, Pande 等^[13]构建了八节点抛物线三维等参薄层单元。 Wilson最初采用相对位移的思想构建薄层单元的主要 目的是增加计算的准确性,但 Pande 等^[13]研究发现, 是否采用相对位移作为独立参数构建刚度矩阵,计算 结果差异并不大。Desai 等[1,14]对"有厚度"薄层单元 进行了详细的研究,其采用与土体不同的剪切模量来 描述接触面的剪切滑移变形,并且法向刚度取值考虑

了土体特性、粗糙度等影响,计算表明,单元长宽比为 0.01~0.1 时能满足精度要求。

综上,薄层单元在应用时问题之一在于其单元厚 度如何确定,其取值与单元长度 *l* 是有关的,并非真 实条件下土与结构间接触面的厚度 *h* (其约为 5~20 倍的平均粒径),也就是说虽然薄层单元的厚度具有一 定的物理意义,但并不完全真实。只有当 *t=h* 时,薄 层单元的厚度物理意义才能明确,并且此时可近似等 效于 Goodman 单元。

2 土 - 结构间接触本构模型

与刚 - 刚接触不同(主要基于库仑摩擦模型), 土 - 结构间接触特性更复杂。土 - 结构接触问题的分 析精度很大程度上取决于界面区域的力学特性模拟。 试验表明,与土体相似,土-结构接触带区域的变形 也表现为应力路径相关性、加载硬化/软化、剪胀/剪 缩、蠕变等特性[15-18]。从本质上讲,土-结构界面的 这些特性是土体变形引起的,应当属于土体单元和本 构模拟的范畴。从这一点来看,接触约束方法模拟界 面约束似乎更合理[19]。但实际上由于界面区域土体的 变形受到结构形状约束和表面粗糙度等因素的影响, 该区域土体的特性与远离界面的土体特性(包括压缩 和剪切)差异很大,采用接触约束方法很难反映界面 区域土体的力学特性。例如,界面区域土体的法向变 形机制与远离界面土体的体变机制存在一定的差异, 并且大多数的研究表明接触面法向的剪胀变形和法向 应力变化及摩擦角会低于土体的,当结构面粗糙度增 加后接触面的摩擦角开始接近或等于土体的^[20-22];此 外, Desai 等^[23]试验表明接触区域的液化要比周围土 体更容易。因此,接触区域的力学特性需要进行特殊 研究,其中清华大学在粗粒土与结构接触面试验研究 方面做了大量的工作^[22, 24-25]。

接触区域的变形包括该区域的连续土体变形和 非连续错动两种变形机制,目前的研究一般在宏观上 将两者不进行区分均统称为接触界面变形,并且假定 接触区域应变是没有梯度变化的。目前的接触面本构 模型大都是研究接触界面变形与应力之间关系。包括 非线性弹性模型^[26-27]、传统弹塑性模型^[28-31]、损伤本 构模型^[32]、扰动本构模型^[33]及状态相关的弹塑性本构 模型^[34-35]。以上模型仅适用于单调加载条件,对卸载 和再加载过程没有给出描述。一些反映循环荷载条件 下的接触面也相继提出包括非线性弹性模型^[16,36],理 想弹塑性模型^[37]及弹塑性本构模型^[25,38-40],这些模型 大都可以反映土 - 结构接触的基本特性。但是目前先 进界面本构模型主要针对二维条件^[41],且工程应用研 究还是较少。

3 土 - 界面 - 结构体系跨尺度计算方法

上述方法和模型在应用时需对土 - 界面 - 结构体 系整体进行网格离散,但大型工程常常面临土体尺寸 和结构尺寸相差百倍、千倍的情况,使得局部小尺度 结构破坏和整体响应的高效分析工作面临极大的挑 战。若采用全局一致细尺度网格方案,为了满足局部 小尺度结构破坏的分析要求,迫使整体结构必须进行 精细剖分,进而导致土 - 结构分析体系单元量剧增、 计算成本急剧攀升,难以开展大规模非线性分析。跨 尺度分析是兼顾结构局部小尺度破坏和整体宏观响应 的高效分析方法和有效途径之一,但其面临的最大困 难是不同尺寸单元在交界面处的节点衔接处理,针对 不同的处理形式,目前常用的方法主要有子模型法、 多节点约束法和单元直接过渡法。

3.1 子模型方法

子模型方法又称切割位移边界法,其主要思想是 分别建立结构宏观尺度模型和局部细节模型,然后将 在宏观尺度模型上计算所得的截断边界力学物理量施 加于子模型,最终获得问题域数值解。这种方法具有 鲜明的"二次分析"特点,且没有考虑子模型和整体 模型之间的相互作用问题。由于岩土工程弹塑性分析 中需要进行迭代计算,如果采用"二次分析",易产生 大量的计算误差累积^[42]。

3.2 多节点约束法

多节点约束方法主要用于解决梁单元、壳单元、 实体单元之间的相互连接问题,因此该方法在建筑结 构和桥梁工程中应用较多^[43]。该方法通过在不同单元 交界面寻找单元自由度间的内在联系,根据位移、应 力、功等平衡条件,建立和求解多点约束方程,从而 实现衔接面的平稳过渡和协调。不同学者的研究差异 在于如何确定和改进优化不同单元交界面的约束方 程。有研究表明,当结构进入塑性时,不同平衡条件 下约束方法的计算结果差异较大,会造成分析结果失 真^[44]。岩土工程中涉及到的均是强非线性问题,多点 约束方法在岩土工程的应用合理性有待进一步探讨。 并且当梁单元和壳单元用来模拟结构时,采用该类方 法很难对土-结构接触区域的复杂接触特性(如剪胀、 剪缩等)进行精细模拟。

3.3 单元直接过渡法

(1)基于常规规则形状单元的逐级网格过渡法 有限单元法是仿真计算应用最广的数值方法,其 计算单元主要为四边形/六面体及其退化的简单形状 (三角形/四面体等),限制了单元形状构造和空间节 点分布。该方法需通过较繁琐的、半自动的人机交互 操作,才能实现较为粗糙和缓慢的疏密网格过渡。并 且疏密网格过渡时单元尺寸跨越较为缓慢,剖分单元 数量大,且会生成形状不规则、精度不高的单元。采 用该方法难以高效、高质地建立跨尺度精细分析模型。

(2) 基于多边形/多面体单元的网格过渡法

多边形/多面体单元不限制形状构造和节点空间 位置分布,放松了对单元离散的限制,故该方法可为 疏密网格交界面衔接提供便捷高效的选择。这类方法 的最大难点是构造节点丰富的单元类型。目前构造该 类单元的方法主要有以下两大类。

a) 传统多边形/多面体有限单元: 将交界面的非 协调节点直接作为多边形/多面体单元节点。根据不同 的构造思想,可分为3类:①多胞单元^[45],将求解域 剖分为胞体组合,基于最小余能原理,推导构造有限 单元格式进行求解。该单元几何特征与实物较为相似, 故在颗粒增强复合材料仿真领域,拥有独到的优势。 ②基于位移插值的多边形单元^[46],主要采用有理函数 插值多边形节点,包括 Wachspress 提出通过几何投影 构造单元形函数及相关改进算法,以及基于自然邻点插 值的 Laplace 方法。③基于重心坐标的多边形单元^[47], 该方法思路简单,但相关表达式较难显式描述。上述 方法理论相对成熟,主要应用于固体力学分析、简单结 构断裂过程模拟及计算流体动力学分析等[48]。相较于 等参单元,多边形/多面体单元的形函数构造较为复 杂,数值积分较为繁琐复杂,甚至需要特殊的积分技 巧,尤其三维构造计算繁琐耗时,故该方法发展推广 过程较为缓慢[48],目前主要用于简单结构理论机理分 析研究。

b)其他方法:通过不同的技术处理疏密网格衔接处的非对称节点,使其满足边界变形、应力协调条件。王勖成等^[49]通过修改插值函数法和引入虚拟节点法,构造了5节点二维平面单元。强天弛等^[50]、钟红等^[51]通过虚拟节点和凝聚自由度技术,实现了一种非对称节点单元的求解方法。但上述方法仍有一定的应用条件,如主从自由度方法中,计算效果与从自由度数的选择相关性大。此外,模型前处理过程较为繁琐耗时、需大量人机交互、易出错,较难实现自动生成分析模型,目前仍未见到此类方法在岩土工程大规模精细分析中的应用。

4 土 - 界面 - 结构体系研究的几点进 展及工程应用

鉴于以上土 - 界面 - 结构体系精细分析存在的问题,大连理工大学工程抗震研究所对以上3项内容

均分别进行了发展和改进,主要取得了以下进展。

4.1 土 - 结构间非点对点接触模拟

前文所述的接触单元只能满足节点 - 节点一一 对应的情况。但岩土工程中土 - 结构间的尺度差异一 般都比较大,建立非对称节点的界面单元是实现土 -结构间网格尺寸高效跨越的一种途径。Qu等^[52]、Gong 等^[53-55]开展了两方面的研究: 一是通过在接触面单元 两侧设置虚拟节点和凝聚自由度方法,构造了两侧非 对称节点接触界面单元,计算结果表明,该方法在保 证计算精度的基础上,显著降低网格离散的数量、提 高计算效率。二是采用背景网格,借助径向点插值函 数计算高斯点相对位移,建立了非点对点的无网格界面 模拟方法,实现了界面两侧节点自由分布,该方法可直 接连接尺寸不同的网格,为土 - 结构间相互作用跨尺 度分析提供了界面模拟技术(图 1)。



4.2 反映颗粒破碎的三维广义塑性接触面模型

为了解决接触面弹塑性模型三维实用化的问题, 笔者等引入广义塑性理论开展了三维接触面本构模型 研究。广义塑性理论由于其理论框架简单、易实现, 在收敛性和稳定性方面有独特的优势,为接触面弹塑 性模型的应用提供了理论框架基础。在该理论框架下, 将颗粒破碎引入到临界状态理论中,建立了反映颗粒 破碎的状态参数与塑性模量、峰值强度、相位变换应 力比之间的关系,然后基于边界面理论的思想描述单 调和循环荷载下接触面的塑性模量、加载方向和流动 方向,最终提出了考虑颗粒破碎的三维土与结构界面 弹塑性本构模型。模型可以用一套参数较好地反映三 维单调和循环荷载下土与结构界面的法向(剪胀、剪 缩、卸载体缩)和切向(硬化和软化)变形特性[56-57]。 在界面模型研究的基础上,结合发展的砂土和粗粒土 广义塑性本构模型和混凝土塑性损伤模型[37,58-62],建 立了三维土与结构(包括土、界面、混凝土)全弹塑 性--损伤静、动力分析模型,实现了土-界面-结构体 系的损伤过程及渐进破坏模拟,为土与结构相互作用 问题的研究提供了实用、有效的计算方法。

4.3 非线性比例边界多边形/多面体单元(NSBPFEM)

针对复杂岩土结构高质量精细网格生成难、分析 方法求解效率有待优化的问题,笔者等采用多边形/ 多面体网格直接过渡的思想,发展了一套高效的跨尺 度分析方法,为大型土-结构体系的精细分析提供了 技术手段。

首先采用计算机信息学科的四分树和八分树网 格离散技术,对复杂几何体进行高效的跨尺度精细网 格离散,实现操作简便、低人力成本、易修改再建的 模型前处理,使得复杂工程结构跨尺度精细网格生成/ 再生成过程在很短时间即可完成,并且生成网格中约 60%以上为高质量正方形、正方体单元,较好地解决 了大型复杂工程结构跨尺度、精细化、高质量网格高 效生成的问题。

针对交界面处的多边形/多面体单元,基于比例 边界有限单元法(SBFEM)^[63]发展高性能数值算法进 行求解。该方法具有数据结构简单、降低计算维度、 易于程序实现和修改、高精度半解析等多重优势,已 被学者广泛应用于无限域、固体力学、裂纹扩展、液 体晃动等领域的弹性问题研究^[63-69]。为解决该方法难 应用于岩土工程非线性分析的问题,笔者等^[70-75]进行 了下述改进:

(1) 基于比例边界有限元理论(SBFEM),提 出了多边形平均值形函数直接插值复杂多面体环向边 界的方法,通过假定径向插值函数,建立弹性平衡方 程获得半解析的刚度矩阵,构造了高精度、形状灵活 的多面体 SBFEM(图 2),克服了传统 SBFEM 需二 次处理边界面的不足(将多边形拆分为三角形和四边 形),使得计算机图形学八分树网格离散技术可直接用 于工程结构分析,实现了大型工程的跨尺度精细化建 模和分析。



图 2 多边形/多面体实体单元

Fig. 2 Schematic diagram of polygon/polyhedron element

(2) 基于边界线/边界面高斯积分和常刚度矩阵 的弹性解计算多边形/多面体形函数,避免了传统 SBFEM 刚度变化时频繁特征值分解导致低效率问题, 提出多边形和多面体域内分块积分计算弹塑性矩阵和 应力,建立了高效和实用的 SBFEM 非线性计算方法, 克服了传统 SBFEM 局限于弹性分析的难题,实现了 大型复杂土工构筑物的非线性精细化分析。

4.4 工程应用

将以上 3 项进展集成到大型岩土工程高性能分 析软件系统 GEODYNA,建立了考虑防渗体-堆石-接触面-无限地基相互作用的全体系精细模型,采用 该软件系统,开展了多个土石坝工程的静、动力分析, 取得了较好的效果,验证了软件和分析方法的高效性 和稳定性。此外,该方法具有良好的通用性,已拓展 用于核电工程、建筑结构、地下结构等复杂结构的损 伤演化研究,使得重大工程三维渐进破坏规律和机制 的研究成为可能^[73-84]。

5 结 语

合理考虑土与结构间的相互作用对揭示大型工程 中结构损伤破坏机理是十分重要的,将土-结构作为 一个体系进行整体分析是精细研究土 - 结构相互作用 的基础,必须协同解决土-结构接触界面约束模拟、 土 - 结构间接触材料特性精准模拟,以及土与结构体 系高效建模及分析方法等难题。针对这些问题,大连 理工大学工程抗震研究所发展了土 - 界面 - 结构全弹 塑性--损伤本构模型,并基于比例边界有限元理论和无 网格法开发了跨尺度实体和界面单元,实现了土-结 构相互作用精细化模拟。鉴于目前土与结构相互作用 分析研究现状和中国"三深"、"三极"的发展战略需 求,建议今后的发展方向:①继续深入开展土-结构 体系跨尺度计算模型及计算理论研究; ②重点关注长 期服役、深水环境等复杂条件下土 - 结构接触力学特 性及本构模型研究: ③融合离散元、比例边界有限元、 有限元、无网格等多种数值分析方法,开展土-结构 相互作用大变形和非连续机理研究。

参考文献:

- SHARMA K G, DESAI C S. Analysis and implementation of thin-layer element for interfaces and joints[J]. Journal of Engineering Mechanics, 1992, 118(12): 2442 - 2462.
- [2] KONG X, LIU J, ZOU D. Numerical simulation of the separation between concrete face slabs and cushion layer of Zipingpu dam during the Wenchuan earthquake[J]. Science China Technological Sciences, 2016, 59(4): 531 – 539.
- [3] 孔祥安, 江晓禹, 金雪松. 固体接触力学[M]. 北京: 中国 铁道出版社, 1999. (KONG Xiang-an, JIANG Xiao-yu, JIN Xue-song. Solid Contact Mechanics[M]. Beijing: China Railway Press, 1999. (in Chinese))
- [4] 王勖成. 有限单元法[M]. 北京: 清华大学出版社, 2003.
 (WANG Xu-cheng. Finite Element Method[M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2003. (in Chinese))
- [5] JIANG L, ROGERS R J. Combined Lagrangian multiplier and penalty function finite element technique for elastic impact analysis[J]. Computers & Structures, 1988, 30(6): 1219 - 1229.

2021年

- [6] 张丙印,师瑞锋,王 刚. 高面板堆石坝面板脱空问题的接触力学分析[J]. 岩土工程学报, 2003, 25(3): 361 364.
 (ZHANG Bing-yin, SHI Rui-feng, WANG Gang. Contact mechanics analysis of slab void problem of high concrete face rockfill dam[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2003, 25(3): 361 364. (in Chinese))
- [7] GOODMAN R E, TAYLOR R L, BREKKE T L. A model for the mechanics of jointed rock[J]. Journal of Soil Mechanics & Foundations Div, 1968, 94: 637 - 660.
- [8] 雷晓燕,王五全. 消除接触摩擦单元应力振荡的方法[J]. 华东交通大学学报, 1993, 10(4): 1 8. (LEI Xiao-yan, WANG Wu-quan. Method for eliminating stress oscillation of contact friction element[J]. Journal of East China Jiaotong University, 1993, 10(4): 1 8. (in Chinese))
- [9] DAY R A, POTTS D M. Zero thickness interface elements numerical stability and application[J]. International Journal for Numerical & Analytical Methods in Geomechanics, 1994, 18(10): 689 - 708.
- [10] GRIFFITHS D V. Numerical modelling of interfaces using conventional finite elements[C]// Proc 5th International Conference on Numerical Methods in Geomechanics, 1987, Nagoya: 837 - 844.
- [11] ZIENKIEWICZ O C. Analysis of nonlinear problem in rock mechanics with paticular reference to jointed rock systems[C]// Proc 2nd Int Congress on Rock Mechanics, 1970, Belgrade.
- [12] WILSON E L. Finite elements for foundations, joints and fluids[C]// Finite Elements in Geomechanics, Wiley and Sons, 1977, London.
- [13] PANDE G N, SHARMA K G. On joint/interface elements and associated problems of numerical ill - conditioning[J]. International Journal for Numerical & Analytical Methods in Geomechanics, 1979, 3(3): 293 - 300.
- [14] DESAI C S, ZAMAN M M, LIGHTNER J G, et al. Thin layer element for interfaces and joints[J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 1984, 8(1): 19 - 43.
- [15] YOSHIMI Y, KISHIDA T. A ring torsion apparatus for evaluating friction between soil and metal surfaces[J]. ASTM Geotechnical Testing Journal, 1981, 4(4): 145 - 152.
- [16] DESAI C S, DRUMM E C, ZAMAN M M. Cyclic testing and modeling of interfaces[J]. Journal of Geotechnical Engineering, 1985, 111(6): 793 - 815.
- [17] FAKHARIAN K, EVGIN E. Cyclic simple-shear behavior of

sand-steel interfaces under constant normal stiffness condition[J]. Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 1997, **123**(12): 1096 – 1105.

- [18] LIU H, MARTINEZ J. Creep behaviour of sand geomembrane interfaces[J]. Geosynthetics International, 2014, 21(1): 83 – 88.
- [19] SHENG D, WRIGGERS P, SLOAN S W. Application of frictional contact in geotechnical engineering[J]. International Journal of Geomechanics, 2007, 7(3): 176 - 185.
- [20] TABUCANON J T, AIREY D W, POULOS H G Pile skin friction in sands from constant normal stiffness tests[J]. Geotechnical Testing Journal, 1995, 18(3): 350 - 364.
- [21] PORCINO D, FIORAVANTE V, GHIONNA V N, et al. Interface behavior of sands from constant normal stiffness direct shear tests[J]. Geotechnical Testing Journal, 2003, 26(3): 289 - 301.
- [22] ZHANG G A, ZHANG J. Monotonic and cyclic tests of interface between structure and gravelly soil[J]. Soils and Foundations, 2006, 46(4): 505 - 518.
- [23] DESAI C S, PRADHAN S K, COHEN D. Cyclic testing and constitutive modeling of saturated sand – concrete interfaces using the disturbed state concept[J]. International Journal of Geomechanics, 2005, 5(4): 286 – 294.
- [24] ZHANG G, ZHANG J M. Constitutive rules of cyclic behavior of interface between structure and gravelly soil[J]. Mechanics of Materials, 2009, 41(1): 48 - 59.
- [25] ZHANG G, ZHANG J. Unified modeling of monotonic and cyclic behavior of interface between structure and gravelly soil[J]. Soils and Foundations, 2008, 48(2): 231 – 245.
- [26] CLOUGH G W, DUNCAN J M. Finite element analyses of retaining wall behavior[J]. Journal of Soil Mechanics and Foundation Division, 1971, SM12(12): 1657 - 1673.
- [27] 张冬霁, 卢廷浩. 一种土与结构接触面模型的建立及其应用[J]. 岩土工程学报, 1998, 20(6): 65-69. (ZHANG Dong-ji, LU Ting-hao. Establishment and application of a soil structure interface model[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 1998, 20(6): 65-69. (in Chinese))
- [28] 殷宗泽,朱 泓,许国华. 土与结构材料接触面的变形及其数学模拟[J]. 岩土工程学报, 1994, 16(3): 14-22. (YIN Zong-ze, ZHU Hong, XU Guo-hua. Deformation and mathematical simulation of interface between soil and structural materials[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 1994, 16(3): 14 22. (in Chinese))

- [29] FAKHARIAN K, EVGIN E. Elasto plastic modelling of stress - path - dependent behaviour of interfaces[J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 2000, 24(2): 183 - 199.
- [30] GHIONNA V N, MORTARA G. An elastoplastic model for sand - structure interface behaviour[J]. Géotechnique, 2002, 52(1): 41 - 50.
- [31] 周爱兆, 卢廷浩. 基于广义位势理论的接触面弹塑性本构 模型[J]. 岩土工程学报, 2008, 30(10): 1532-1536.
 (ZHOU Ai-zhao, LU Ting-hao. Elastoplastic constitutive model of contact surface based on generalized potential theory[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2008, 30(10): 1532 - 1536. (in Chinese))
- [32] HU L, PU J L. Application of damage model for soil structure interface[J]. Computers and Geotechnics, 2003, 30(2): 165 - 183.
- [33] DESAI C S, MA Y. Modelling of joints and interfaces using the disturbed - state concept[J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 1992, 16(9): 623 - 653.
- [34] LIU H, SONG E, LING H I. Constitutive modeling of soil-structure interface through the concept of critical state soil mechanics[J]. Mechanics Research Communications, 2006, 33(4): 515 - 531.
- [35] LASHKARI A. A critical state model for saturated and unsaturated interfaces[J]. Scientia Iranica, 2012, 19(5): 1147 - 1156.
- [36] 吴军帅,姜 朴. 土与混凝土接触面的动力剪切特性[J]. 岩土工程学报, 1992, 14(2): 61 66. (WU Jun-shuai, JIANG Pu. Dynamic shear behavior of soil concrete interface[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 1992, 14(2): 61 66. (in Chinese))
- [37] ZOU D, XU B, KONG X, et al. Numerical simulation of the seismic response of the Zipingpu concrete face rockfill dam during the Wenchuan earthquake based on a generalized plasticity model[J]. Computers and Geotechnics, 2013, 49: 111 - 122.
- [38] SHAHROUR I, REZAIE F. An elastoplastic constitutive relation for the soil-structure interface under cyclic loading[J]. Computers and Geotechnics, 1997, 21(1): 21 - 39.
- [39] MORTARA G, BOULON M, GHIONNA V N. A 2 D constitutive model for cyclic interface behaviour[J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 2002, 26(11): 1071 - 1096.

- [40] LIU H, LING H I. Constitutive description of interface behavior including cyclic loading and particle breakage within the framework of critical state soil mechanics[J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 2008, 32(12): 1495 - 1514.
- [41] SABERI M, ANNAN C, KONRAD J. Implementation of a soil-structure interface constitutive model for application in geo-structures[J]. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2019, 116: 714 - 731.
- [42] 吴佰建, 李兆霞, 汤可可. 大型土木结构多尺度模拟与损伤分析——从材料多尺度力学到结构多尺度力学[J]. 力学进展, 2007, 37(3): 321 336. (WU Bai-jian, LI-Zhao-xia, TANG Ke-ke. Multi scale simulation and damage analysis of large civil structures: from material multiscale mechanics to structural multiscale mechanics[J]. Mechanical Progress, 2007, 37(3): 321 336. (in Chinese))
- [43] 陆新征,林旭川,叶列平. 多尺度有限元建模方法及其应用[J]. 华中科技大学学报(城市科学版), 2008, 25(4): 76-80. (LU Xin-zheng, LIN Xu-chuan, YE Lie-ping. Multi scale finite element modeling method and its application[J]. Journal of Huazhong University of science and Technology, 2008, 25(4): 76-80. (in Chinese))
- [44] 王开宇. 基于多点约束的多尺度建模方法研究[D]. 哈尔 滨: 哈尔滨工业大学, 2016. (WANG Kai-yu. Research on Multi-Scale Modeling Method Based on Multi-Point Constraint[D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2016. (in Chinese))
- [45] GHOSH S, LEE K, MOORTHY S. Two scale analysis of heterogeneous elastic-plastic materials with asymptotic homogenization and Voronoi cell finite element model[J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 1996, 132(1): 63 - 116.
- [46] SUKUMAR N, TABARRAEI A. Conforming polygonal finite elements[J]. International Journal for Numerical Methods in Engineering, 2004(61): 2045 – 2066.
- [47] FLOATER M S, HORMANN K, KÓS G A general construction of barycentric coordinates over convex polygons[J]. Advances in Computational Mathematics, 2006, 24(1/2/3/4): 311 - 331.
- [48] BISHOP J E. A displacement based finite element formulation for general polyhedra using harmonic shape functions[J]. International Journal for Numerical Methods in Engineering, 2013, 97(1): 1 - 31.
- [49] 王勖成, 王爱民. 有限元计算中疏密网格间过渡单元的

构造[J]. 清华大学学报(自然科学版), 1999, **39**(8): 101 - 104. (WANG Xu-cheng, WANG Ai-min. Construction of transition elements between dense grids in finite element calculation[J]. Journal of Tsinghua University (Natural Science Edition), 1999, **39**(8): 101 - 104. (in Chinese))

- [50] 强天驰, 寇晓东, 周维垣. 三维有限元网格加密界面协 调方法及在大坝开裂分析中的应用[J]. 岩石力学与工程学 报, 2000, 19(5): 562 - 566. (QIANG Tian-chi, KOU Xiao-dong, ZHOU wei-yuan.3d finite element mesh densification interface coordination method and its application in dam cracking analysis[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2000, 19(5): 562 - 566. (in Chinese))
- [51] 钟 红,林 皋,胡志强.有限元计算中疏密网格过渡 方法研究[J]. 计算力学学报, 2007, 24(6): 887-891.
 (ZHONG Hong, LIN Gao, HU Zhi-qiang. Study on transition method of dense mesh in finite element calculation[J]. Acta Computational Mechanics, 2007, 24(6): 887-891. (in Chinese))
- [52] QU Y, ZOU D, KONG X, et al. A novel interface element with asymmetric nodes and its application on concrete-faced rockfill dam[J]. Computers and Geotechnics, 2017, 85: 103 - 116.
- [53] GONG J, ZOU D, KONG X, et al. An extended meshless method for 3D interface simulating soil-structure interaction with flexibly distributed nodes[J]. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2019, 125: 105688.
- [54] GONG J, ZOU D, KONG X, et al. A coupled meshless-SBFEM-FEM approach in simulating soil-structure interaction with cross-scale model[J]. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2020, 136: 106214.
- [55] GONG J, ZOU D, KONG X, et al. A non-matching nodes interface model with radial interpolation function for simulating 2d soil – structure interface behaviors[J]. International Journal of Computational Methods, 2020, 18(1): 2050023.
- [56] LIU J, ZOU D, KONG X. A three-dimensional state-dependent model of soil - structure interface for monotonic and cyclic loadings[J]. Computers and Geotechnics, 2014, 61: 166 - 177.
- [57] LIU J, ZOU D, KONG X. A two-mechanism soil-structure interface model for three-dimensional cyclic loading[J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 2020, 44(15): 1 - 28.
- [58] XU B, ZOU D, KONG X, et al. Dynamic damage evaluation

on the slabs of the concrete faced rockfill dam with the plastic-damage model[J]. Computers & Geotechnics, 2015, **65**(65): 258 - 265.

- [59] LIU J, ZOU D, KONG X. Three-dimensional scaled memory model for gravelly soils subject to cyclic loading[J]. Journal of Engineering Mechanics, 2018, 144(3): 4018001.
- [60] XU B, ZOU D, LIU H. Three-dimensional simulation of the construction process of the Zipingpu concrete face rockfill dam based on a generalized plasticity model[J]. Computers and Geotechnics, 2012, 43: 143 - 154.
- [61] 孔宪京,徐 斌,邹德高,等. 混凝土面板坝面板动力 损伤有限元分析[J]. 岩土工程学报, 2014, 36(9): 1594 1600. (KONG Xian-jing, XU Bin, ZOU De-gao, et al. Finite element analysis of dynamic damage of concrete face slab[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2014, 36(9):
 1594 - 1600. (in Chinese))
- [62] 孔宪京, 屈永倩, 邹德高, 等. 强震作用下面板堆石坝 跨尺度面板开裂演化分析[J]. 岩土工程学报, 2020, 42(6):
 989 - 996. (KONG Xian-jing, QU Yong-qian, ZOU De-gao, et al. Cross-scale crack evolution analysis for face slab in concrete faced rockfill dams under strong earthquake[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2020, 42(6):
 989 - 996. (in Chinese))
- [63] SONG C. The Scaled Boundary Finite Element Method[M]. New York: John Wiley & Sons, 2018.
- [64] 刘钧玉,林皋,胡志强. 裂纹面荷载作用下多裂纹应 力强度因子计算[J]. 工程力学, 2011, 28(4): 7-12. (LIU Jun-yu, LIN Gao, HU Zhi-qiang. Calculation of stress intensity factor of multiple cracks under crack surface load[J]. Engineering Mechanics, 2011, 28(4): 7-12. ((in Chinese)))
- [65] 高毅超, 徐艳杰, 金峰, 等. 基于高阶双渐近透射边 界的大坝-库水动力相互作用直接耦合分析模型[J]. 地球 物理学报, 2013, 56(12): 4189 - 4196. (GAO Yi-chao, XU Yan-jie, JIN Feng, et al. Direct coupling analysis model of dam reservoir hydrodynamic interaction based on high order double asymptotic transmission boundary[J]. Chinese Journal of Geophysics. 2013, 56(12): 4189 - 4196. (in Chinese))
- [66] 陈灯红, 杜成斌. 结构-地基动力相互作用的时域模型[J]. 岩土力学, 2014, 35(4): 1164 1172. (CHEN Deng-hong, DU Cheng-bin. Time domain model of structure foundation dynamic interaction[J]. Geotechnical Mechanics, 2014, 35(4): 1164 1172. (in Chinese))
- [67] LIN G, LIU J, LI J, et al. A scaled boundary finite element approach for sloshing analysis of liquid storage tanks[J].

Engineering Analysis with Boundary Elements, 2015, 56: 70 - 80.

- [68] LI P, LIU J, LIN G, et al. A combination of isogeometric technique and scaled boundary method for the solution of the steady-state heat transfer problems in arbitrary plane domain with Robin boundary[J]. Engineering Analysis with Boundary Elements, 2017, 82: 43 - 56.
- [69] LIU J, ZHANG P, LIN G, et al. Solutions for the magneto-electro-elastic plate using the scaled boundary finite element method[J]. Engineering Analysis with Boundary Elements, 2016, 68: 103 - 114.
- [70] XU H, ZOU D, KONG X, et al. Study on the effects of hydrodynamic pressure on the dynamic stresses in slabs of high CFRD based on the scaled boundary finite-element method[J]. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2016, 88: 223 - 236.
- [71] CHEN K, ZOU D, KONG X. A nonlinear approach for the three-dimensional polyhedron scaled boundary finite element method and its verification using Koyna gravity dam[J]. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2017, 96: 1 - 12.
- [72] CHEN K, ZOU D, KONG X, et al. A novel nonlinear solution for the polygon scaled boundary finite element method and its application to geotechnical structures[J]. Computers and Geotechnics, 2017, 82: 201 – 210.
- [73] ZOU D, CHEN K, KONG X, et al. An enhanced octree polyhedral scaled boundary finite element method and its applications in structure analysis[J]. Engineering Analysis with Boundary Elements, 2017, 84: 87 - 107.
- [74] CHEN K, ZOU D, KONG X, et al. An efficient nonlinear octree SBFEM and its application to complicated geotechnical structures[J]. Computers and Geotechnics, 2018, 96: 226 - 245.
- [75] ZOU D, CHEN K, KONG X, et al. An approach integrating BIM, octree and FEM-SBFEM for highly efficient modeling and seismic damage analysis of building structures[J]. Engineering Analysis with Boundary Elements, 2019, 104: 332 - 346.
- [76] CHEN K, ZOU D, KONG X, et al. Elasto-plastic fine-scale damage failure analysis of metro structures based on coupled SBFEM-FEM[J]. Computers and Geotechnics, 2019, 108: 280 – 294.
- [77] CHEN K, ZOU D, KONG X, et al. Global concurrent cross-scale nonlinear analysis approach of complex CFRD

systems considering dynamic impervious panel-rockfill material-foundation interactions[J]. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2018, **114**: 51 – 68.

- [78] ZOU D, SUI Y, CHEN K, et al. A cross scale refined damage evolution analysis of large commercial aircraft crashing into a nuclear power plant[J]. The Structural Design of Tall and Special Buildings, 2019, 28(16): e1668.
- [79] QU Y, ZOU D, KONG X, et al. A flexible various-scale approach for soil-structure interaction and its application in seismic damage analysis of the underground structure of nuclear power plants[J]. Science China Technological Sciences, 2018, 61(7): 1092 - 1106.
- [80] 邹德高,陈 楷,张仁怡,等.基于 SBFEM 的心墙坝基 座 跨 尺度 精 细 应 力 分 析 [J]. 人 民 长 江, 2019, 50(9): 168 - 174. (ZOU De-gao, CHEN Kai, ZHANG Ren-yi, et al. Cross scale fine stress analysis of core dam base based on SBFEM[J]. Yangtze River, 2019, 50(9): 168 - 174. (in Chinese))
- [81] 邹德高,隋 翊,陈 楷,等. 基于 Octree-SBFEM 跨尺 度模型的大型商用飞机撞击核电厂的精细化损伤演化分 析[J]. 核动力工程, 2019, 40(5): 140 - 145. (ZOU De-gao, SUI Yi, CHEN Kai, et al. Refined damage evolution analysis of large commercial aircraft impacting nuclear power plant based on octree SBFEM cross scale model[J]. Nuclear Power Engineering, 2019, 40(5): 140 - 145. (in Chinese))
- [82] 邹德高,陈 楷,刘 锁,等.非线性比例边界有限元 在面板坝分析中的应用[J]. 土木与环境工程学报(中英文), 2019, 41(3):11-18. (ZOU De-gao, CHEN Kai, LIU Suo, et al. Application of nonlinear scaled boundary polygon element method in analysis of concrete face rockfill dam[J]. Journal of Civil and Environmental Engineering, 2019, 41(3):11-18. (in Chinese))
- [83] 孔宪京,陈 楷, 邹德高, 等. 一种高效的 FE-PSBFE 耦 合方法及在岩土工程弹塑性分析中的应用[J]. 工程力学, 2018, **35**(6): 6 - 14. (KONG Xian-jing, CHEN Kai, ZOU De-gao, et al. An efficient FE-PSBFE coupled method and its application to the elasto-plastic analysis of geotechnical engineering structures[J]. Engineering Mechanics, 2018, **35**(6): 6 - 14. (in Chinese))
- [84] 陈 楷, 邹德高, 孔宪京, 等. 多边形比例边界有限单元非线性化方法及应用[J]. 浙江大学学报(工学版), 2017, 51(10): 1996 2004. (CHEN Kai, ZOU De-gao, KONG Xian-jing, et al. Nonlinear method and application of polygonal scaled boundary finite element[J]. Journal of Zhejiang University, 2017, 51(10): 1996 2004. (in Chinese))